

ICS 35.040
L 80
备案号:36832—2012



中华人民共和国密码行业标准

GM/T 0005—2012

随机性检测规范

Randomness test specification

2012-03-21 发布

2012-03-21 实施



国家密码管理局 发布

目 次

前言	I
1 范围	1
2 术语和定义	1
3 符号和缩略语	3
4 二元序列的检测	4
4.1 数据格式	4
4.2 显著性水平	4
4.3 样本长度	4
4.4 检测项目	4
4.5 结果分析	8
5 随机数发生器的检测	8
5.1 采样	8
5.2 存储	8
5.3 检测	9
5.4 判定	9
附录 A (资料性附录) 随机性检测原理	10
A.1 单比特频数检测	10
A.2 块内频数检测	10
A.3 扑克检测	10
A.4 重叠子序列检测	10
A.5 游程总数检测	11
A.6 游程分布检测	11
A.7 块内最大“1”游程检测	11
A.8 二元推导检测	12
A.9 自相关检测	12
A.10 矩阵秩检测	13
A.11 累加和检测	13
A.12 近似熵检测	13
A.13 线性复杂度检测	14
A.14 Maurer 通用统计检测	14
A.15 离散傅立叶检测	15
附录 B (资料性附录) 随机性检测参数设置表	16
附录 C (资料性附录) 随机性检测结果分析表	17

前　　言

本标准依据 GB/T 1.1—2009 给出的规则起草。

本标准对随机性检测进行规范,为随机性的评估提供科学依据。

请注意本文件的某些内容可能涉及专利。本文件的发布机构不承担识别这些专利的责任。

本标准的附录 A、附录 B 和附录 C 是资料性附录。

本标准由国家密码管理局提出并归口。

本标准起草单位:国家密码管理局商用密码检测中心、中国科学院软件研究所。

本标准主要起草人:李大为、冯登国、陈华、张超、周永彬、董芳、范丽敏、许囡囡。

随机性检测规范

1 范围

本标准规定了商用密码应用中的随机性检测指标和检测方法。
本标准适用于对随机数发生器产生的二元序列的随机性检测。

2 术语和定义

下列术语和定义适用于本文件。

2.1

二元序列 binary sequence

由“0”和“1”组成的比特串。

2.2

随机数发生器 random number generator

产生随机序列的设备或程序称为随机数发生器。

2.3

随机性假设 randomness hypothesis

对二元序列做随机性检测时,首先假设该序列是随机的,这个假设称为原假设或零假设,记为 H_0 。与原假设相反的假设,即这个序列是不随机的,称为备择假设,记为 H_a 。

2.4

随机性检测 randomness test

用于二元序列检测的一个函数或过程,可以通过它来判断是否接受随机性原假设。

2.5

显著性水平 significance level

随机性检测中错误地判断某一个随机序列为非随机序列的概率,用 α 来表示。

2.6

样本 sample

用于随机性检测的二元序列,称为样本。

2.7

样本长度 sample length

一个样本的比特个数。

2.8

样本数量 sample size

随机性检测的样本的个数。

2.9

检测参数 test parameter

随机性检测需要设定的参数。

2.10

P 值 P-value

一种衡量样本随机性好坏的度量指标。

2.11

游程 run

指序列中由连续的“0”或“1”组成的子序列，并且该子序列的前导与后继元素都与其本身元素不同。

2.12

单比特频数检测 monobit frequency test

一种统计检测项目，用于检测待检序列中 0 和 1 的个数是否相近。

2.13

块内频数检测 frequency test within a block

一种统计检测项目，用于检测待检序列的 m 位子序列(称为“块”)中 1 的个数是否接近 $m/2$ 。

2.14

扑克检测 poker test

一种统计检测项目，用于检测待检序列中 m 位非重叠子序列的每一种模式的个数是否接近。

2.15

重叠子序列检测 serial test

一种统计检测项目，用于检测待检序列中 m 位可重叠子序列的每一种模式的个数是否接近。

2.16

游程总数检测 runs test

一种统计检测项目，用于检测待检序列中游程的总数是否服从随机性要求。

2.17

游程分布检测 runs distribution test

一种统计检测项目，用于检测待检序列中相同长度游程的数目是否接近一致。

2.18

块内最大“1”游程检测 test for the longest run of ones in a block

一种统计检测项目，用于检测待检序列的各个等长子序列中最大“1”游程的分布是否服从随机性要求。

2.19

二元推导检测 binary derivative test

一种统计检测项目。二元推导序列是由初始序列生成的一个新的序列，它是通过依次将初始序列中相邻两个比特作异或操作所得的结果。二元推导检测的目的是判定第 k 次二元推导序列中 0 和 1 的数量是否接近一致。

2.20

自相关检测 autocorrelation test

一种统计检测项目，用于检测待检序列与将其逻辑左移 d 位后所得新序列的关联程度。

2.21

矩阵秩检测 binary matrix rank test

一种统计检测项目，用于检测待检序列中给定长度的子序列之间的线性独立性。

2.22

累加和检测 cumulative test

一种统计检测项目，它将待检序列的各个子序列中最大偏移(这里指与 0 之间的最大偏移，即最大累加和)与一个随机序列应具有的最大偏移相比较，以判断待检序列的最大偏移是否过大或过小。

2.23

近似熵检测 approximate entropy test

一种统计检测项目，通过比较 m 位可重叠子序列模式的频数和 $m+1$ 位可重叠子序列模式的频数

来检测其随机性。

2.24

线性复杂度检测 linear complexity test

一种统计检测项目,用于检测待检序列的线性复杂度的分布是否符合随机性要求。

2.25

Maurer 通用统计检测 Maurer's "Universal Test"

一种统计检测项目,用于检测待检序列能否被压缩(无损压缩)。如果待检序列能被显著地压缩,那么就认为该序列是不随机的。

2.26

离散傅立叶检测 discrete fourier transform test

一种统计检测项目,用于检测待检序列进行傅立叶变换后得到不正常的峰值个数是否超过了允许值。

3 符号和缩略语

下列符号和缩略语适用于本文件。

$A\rho En(m)$	待检序列的近似熵
H_0	原假设(零假设)
H_a	备择假设
K	通用统计检测中待检序列 L 位子序列个数
L	通用统计中子序列长度
L_i	线性复杂度检测中子序列的线性复杂度
M	矩阵秩检测中矩阵的行数
N	一个 n 比特序列中 m 位子序列的个数
Q	矩阵秩检测中矩阵的列数,或者是通用统计检测中初始序列 L 位子序列的个数
V	统计值
$V_n(obs)$	待检序列中游程的总数
X_i	$2\epsilon_i - 1$
d	自相关检测中的时延
$erfc$	余误差函数(Complementary Error Function)
$igamc$	不完全伽玛函数(Incomplete Gamma Function)
$\ln(x)$	x 的自然对数
$\log_2(x)$	以 2 为底的 x 的对数
m	子序列的比特长度
\max	从若干个元素中取最大值
$modulus(x)$	用来计算复系数 x 的模值的运算
n	待检序列的比特长度
P -value	一个真随机序列比待检验序列随机性差的概率
$\Phi(x)$	标准正态分布函数
Σ	求和符号
*	乘法,有时省略
$\nabla \Psi_m^2$	重叠子序列检测中的第一个统计值
$\nabla^2 \Psi_m^2$	重叠子序列检测中的第二个统计值
α	显著性水平

ϵ	待检序列
ϵ_i	待检序列中的某一个比特, $\epsilon_i = (0, 1)$
ϵ'	在 ϵ 的基础上按照一定的规则产生出的新序列
π	待检序列中 1 的比例
$\lfloor x \rfloor$	不大于 x 的最大整数

4 二元序列的检测

4.1 数据格式

待检数据以比特串的形式接受检测。

4.2 显著性水平

本标准确定的显著性水平为 $\alpha=0.01$ 。

4.3 样本长度

本标准中样本长度选取 10^6 比特。

4.4 检测项目

4.4.1 概述

本标准采用的随机性检测项目共有 15 项, 分别为单比特频数检测、块内频数检测、扑克检测、重叠子序列检测、游程总数检测、游程分布检测、块内最大“1”游程检测、二元推导检测、自相关检测、矩阵秩检测、累加和检测、近似熵检测、线性复杂度检测、Maurer 通用统计检测、离散傅立叶检测。附录 A 描述了这 15 种检测项目的原理。

4.4.2 单比特频数检测

- a) 将待检序列 ϵ 中的 0 和 1 分别转换成 -1 和 1, $X_i = 2\epsilon_i - 1 (1 \leq i \leq n)$ 。
- b) 对其累加求和得 $S_n = \sum_{i=1}^n X_i$ 。
- c) 计算统计值 $V = \frac{|S_n|}{\sqrt{n}}$ 。
- d) 计算 $P\text{-value} = \text{erfc}(V/\sqrt{2})$ 。
- e) 如果 $P\text{-value} \geq \alpha$, 则认为待检序列通过单比特频数检测。

4.4.3 块内频数检测

- a) 将待检序列 ϵ 分成 $N = \left\lceil \frac{n}{m} \right\rceil$ 个长度为 m 的非重叠子序列, 将多余的比特舍弃。本规范取 $m = 100$ 。
- b) 计算每个子序列中 1 所占的比例 $\pi_i = \frac{\sum_{j=1}^m \epsilon_{(i-1)m+j}}{m}, 1 \leq i \leq N$ 。
- c) 计算统计量 $V = 4m \sum_{i=1}^N \left(\pi_i - \frac{1}{2} \right)^2$ 。
- d) 计算 $P\text{-value} = igamc\left(\frac{N}{2}, \frac{V}{2}\right)$ 。

- e) 如果 $P\text{-value} \geq \alpha$, 则认为待检序列通过块内频数检测。

4.4.4 扑克检测

- 将待检序列划 ϵ 分成 $N = \left\lfloor \frac{n}{m} \right\rfloor$ 个长度为 m 的非重叠子序列, 将多余的比特舍弃, 统计第 i 种子序列模式出现的频数, 用 n_i ($1 \leq i \leq 2^m$) 表示。本规范取 $m=4, 8$ 。
- 计算统计值 $V = \frac{2^m}{N} \sum_{i=1}^{2^m} n_i^2 - N$ 。
- 计算 $P\text{-value} = igamc((2^m-1)/2, V/2)$ 。
- 如果 $P\text{-value} \geq \alpha$, 则认为待检序列通过扑克检测。

4.4.5 重叠子序列检测

- 由待检序列 ϵ 构造一个新的序列 ϵ' , 构造方法如下: 将序列 ϵ 最开始的 $m-1$ 位数据添加到序列 ϵ 的结尾即可得到新序列 ϵ' , 新序列 ϵ' 的长度为 $n' = n+m-1$ 。本规范取 $m=2, 5$ 。
- 计算 ϵ' 中每一种 m 位子序列模式(共有 2^m 个)出现的频数, 记 m 位子序列模式 $i_1 i_2 \dots i_m$ 的出现频数为 $v_{i_1 i_2 \dots i_m}$ 。计算每一种 $m-1$ 位子序列模式(共有 2^{m-1} 个)出现的频数, 记 $m-1$ 位子序列模式 $i_1 i_2 \dots i_{m-1}$ 的出现频数为 $v_{i_1 i_2 \dots i_{m-1}}$ 。计算每一个 $m-2$ 位子序列模式(共有 2^{m-2} 个)出现的频数, 记 $m-2$ 位子序列模式 $i_1 i_2 \dots i_{m-2}$ 的出现频数为 $v_{i_1 i_2 \dots i_{m-2}}$ 。
- 计算

$$\Psi_m^2 = \frac{2^m}{n} \sum_{i_1 i_2 \dots i_m} \left(v_{i_1 i_2 \dots i_m} - \frac{n}{2^m} \right)^2 = \frac{2^m}{n} \sum_{i_1 i_2 \dots i_m} v_{i_1 i_2 \dots i_m}^2 - n$$

$$\Psi_{m-1}^2 = \frac{2^{m-1}}{n} \sum_{i_1 i_2 \dots i_{m-1}} \left(v_{i_1 i_2 \dots i_{m-1}} - \frac{n}{2^{m-1}} \right)^2 = \frac{2^{m-1}}{n} \sum_{i_1 i_2 \dots i_{m-1}} v_{i_1 i_2 \dots i_{m-1}}^2 - n$$

$$\Psi_{m-2}^2 = \frac{2^{m-2}}{n} \sum_{i_1 i_2 \dots i_{m-2}} \left(v_{i_1 i_2 \dots i_{m-2}} - \frac{n}{2^{m-2}} \right)^2 = \frac{2^{m-2}}{n} \sum_{i_1 i_2 \dots i_{m-2}} v_{i_1 i_2 \dots i_{m-2}}^2 - n$$

- 计算

$$\nabla \Psi_m^2 = \Psi_m^2 - \Psi_{m-1}^2$$

$$\nabla^2 \Psi_m^2 = \Psi_m^2 - 2\Psi_{m-1}^2 + \Psi_{m-2}^2$$

- 计算 $P\text{-value1} = igamc(2^{m-2}, \nabla \Psi_m^2 / 2)$, $P\text{-value2} = igamc(2^{m-3}, \nabla^2 \Psi_m^2 / 2)$ 。
- 如果 $P\text{-value1} \geq \alpha$ 且 $P\text{-value2} \geq \alpha$, 则认为待检序列通过重叠子序列检测。

4.4.6 游程总数检测

- 对长度为 n 的待检序列 $\epsilon_1 \epsilon_2 \dots \epsilon_n$, 计算 $V_n(obs) = \sum_{i=1}^{n-1} r(i) + 1$ 。其中, 当 $\epsilon_i = \epsilon_{i+1}$ 时, $r(i) = 0$; 否则, $r(i) = 1$ 。
- 计算序列中 1 的比例 $\pi = \frac{\sum_{i=1}^n \epsilon_i}{n}$ 。
- 计算 $P\text{-value} = erfc\left(\frac{|V_n(obs) - 2n\pi(1-\pi)|}{2\sqrt{2n\pi(1-\pi)}}\right)$ 。
- 如果 $P\text{-value} \geq \alpha$, 则认为待检序列通过游程总数检测。

4.4.7 游程分布检测

- 计算 $e_i = (n-i+3)/2^{i+2}$, $1 \leq i \leq n$, 并求出满足 $e_i \geq 5$ 的最大整数 k 。

- b) 统计待检序列 ϵ 中每一个游程的长度。变量 b_i, g_i 分别记录一个二元序列中长度为 i 的 1 游程和 0 游程的数目。
- c) 计算 $V = \sum_{i=1}^k \frac{(b_i - e_i)^2}{e_i} + \sum_{i=1}^k \frac{(g_i - e_i)^2}{e_i}$ 。
- d) 计算 $P\text{-value} = igamc(k-1, V/2)$ 。
- e) 如果 $P\text{-value} \geq \alpha$, 则认为待检序列通过游程分布检测。

4.4.8 块内最大“1”游程检测

- a) 将待检序列 ϵ 划分成 $N = \left\lfloor \frac{n}{m} \right\rfloor$ 个长度为 m 的非重叠子序列, 舍弃多余的位不用。本规范取 $m = 10\,000$ 。
- b) 计算每一个子序列中最大 1 游程的长度, 并将其归入相应的集合 $\{v_0, v_1, \dots, v_6\}$ 。
- c) 计算统计值 $V = \sum_{i=0}^6 \frac{(v_i - N\pi_i)^2}{N\pi_i}$ 。其中, v_i 和 π_i 的定义见附录 A.7。
- d) 计算 $P\text{-value} = igamc(3, V/2)$ 。
- e) 如果 $P\text{-value} \geq \alpha$, 则认为待检序列通过块内最大“1”游程检测。

4.4.9 二元推导检测

- a) 对待检序列 ϵ , 依次将初始序列中相邻两个比特作异或操作得到新序列 ϵ' , 即 $\epsilon'_i = \epsilon_i \oplus \epsilon_{i+1}$ 。
- b) 重复 a) 操作 k 次。本规范取 $k = 3, 7$ 。
- c) 将新序列 ϵ' 中的 0 和 1 分别转换成 -1 和 1 , 然后对其累加求和得 $S_{n-k} = \sum_{i=1}^{n-k} (2\epsilon'_i - 1)$ 。
- d) 计算统计值 $V = \frac{|S_{n-k}|}{\sqrt{n-k}}$ 。
- e) 计算 $P\text{-value} = erfc(|V|/\sqrt{2})$ 。
- f) 如果 $P\text{-value} \geq \alpha$, 则认为待检序列通过二元推导检测。

4.4.10 自相关检测

- a) 计算 $A(d) = \sum_{i=0}^{n-d-1} (\epsilon_i \oplus \epsilon_{i+d})$ 。本规范取 $d = 1, 2, 8, 16$ 。
- b) 计算统计值 $V = \frac{2(A(d) - ((n-d)/2))}{\sqrt{n-d}}$ 。
- c) 计算 $P\text{-value} = erfc(|V|/\sqrt{2})$ 。
- d) 如果 $P\text{-value} \geq \alpha$, 则认为待检序列通过自相关检测。

4.4.11 矩阵秩检测

- a) 将待检序列 ϵ 分成大小为 $M * Q$ 的子序列, 共有 $N = \left\lfloor \frac{n}{MQ} \right\rfloor$ 个, 舍弃多余的位不用。将每一个 $M * Q$ 的子序列组装成一个 $M \times Q$ 的矩阵, 此矩阵有 M 行 Q 列, 每一行则由序列 ϵ 中连续的 Q 位填充。本规范取 $M = Q = 32$ 。
- b) 计算每一个矩阵的秩 $R_i (i = 1, 2, \dots, N)$ 。
- c) 令 F_M 为秩为 M 的矩阵的个数, 令 F_{M-1} 为秩为 $M-1$ 的矩阵的个数, 则 $N - F_M - F_{M-1}$ 为秩小于 $M-1$ 的矩阵的个数。
- d) 计算统计值

$$V = \frac{(F_M - 0.288\ 8N)^2}{0.288\ 8N} + \frac{(F_{M-1} - 0.577\ 6N)^2}{0.577\ 6N} + \frac{(N - F_M - F_{M-1} - 0.133\ 6N)^2}{0.133\ 6N}.$$

- e) 计算 $P\text{-value} = igamc(1, V/2)$ 。
f) 如果 $P\text{-value} \geq \alpha$, 则认为待检序列通过矩阵秩检测。

4.4.12 累加和检测

- a) 将待检序列 ϵ 中的 0 和 1 分别转换为 -1 和 1, $X_i = 2\epsilon_i - 1 (1 \leq i \leq n)$ 。
b) 计算 $S_i = S_{i-1} + X_i$, 其中 $S_1 = X_1, (1 \leq i \leq n)$ 。
c) 计算 $Z = \max_{1 \leq i \leq n} |S_i|$ 。
d) 计算

$$\begin{aligned} P\text{-value} = & 1 - \sum_{i=(-n/z)+1/4}^{((n/z)-1)/4} \left[\Phi\left(\frac{(4i+1)z}{\sqrt{n}}\right) - \Phi\left(\frac{(4i-1)z}{\sqrt{n}}\right) \right] \\ & + \sum_{i=(-n/z)-3/4}^{((n/z)-1)/4} \left[\Phi\left(\frac{(4i+3)z}{\sqrt{n}}\right) - \Phi\left(\frac{(4i+1)z}{\sqrt{n}}\right) \right] \end{aligned}$$

- e) 如果 $P\text{-value} \geq \alpha$, 则认为待检序列通过累加和检测。

4.4.13 近似熵检测

- a) 由待检序列 ϵ 构造一个新的序列 ϵ' , 构造方法如下: 将序列 ϵ 最开始的 $m-1$ 位数据添加到序列 ϵ 的结尾即可得到 ϵ' , 新序列 ϵ' 的长度为 $n' = n+m-1$ 。本规范取 $m=2, 5$ 。
b) 计算 ϵ' 中所有的 2^m 个 m 位子序列模式的出现频数, 记 m 位模式 $i_1 i_2 \cdots i_m$ 出现的频数为 $v_{i_1 i_2 \cdots i_m}$ 。
c) 对于所有的 $j (0 \leq j \leq 2^m - 1)$, 计算 $C_j^m = \frac{v_{i_1 i_2 \cdots i_m}}{n}$ 。
d) 计算 $\varphi^{(m)} = \sum_{i=0}^{2^m-1} C_i^m \ln C_i^m$ 。
e) 用 $m+1$ 代替 m , 重复操作 a) 至 d), 计算得到 $\varphi^{(m+1)}$ 。
f) 计算 $ApeEn(m) = \varphi^{(m)} - \varphi^{(m+1)}$, 计算统计值 $V = 2n[\ln 2 - ApeEn(m)]$ 。
g) 计算 $P\text{-value} = igamc(2^{m-1}, V/2)$ 。
h) 如果 $P\text{-value} \geq \alpha$, 则认为待检序列通过近似熵检测。

4.4.14 线性复杂度检测

- a) 将待检序列 ϵ 划分为 $N = \lceil \frac{n}{m} \rceil$ 个长度为 m 的非重叠子序列, 将多余的比特舍弃。本规范取 $m=500$ 。
b) 计算每一个子序列的线性复杂度 $L_i (1 \leq i \leq N)$ 。
c) 计算 $\mu = \frac{m}{2} + \frac{9 + (-1)^{m+1}}{36} - \frac{1}{2^m} \left(\frac{m}{3} + \frac{2}{9} \right)$ 。
d) 对每一个子序列, 计算 $T_i = (-1)^m (L_i - \mu) + 2/9$ 。
e) 设置 7 个正整数 v_0, v_1, \dots, v_6 , 将这 7 个正整数的初值都设为 0。对所有的 $1 \leq i \leq N$ 有:
如果: $T_i \leq -2.5, v_0$ 加 1;
 $-2.5 < T_i \leq -1.5, v_1$ 加 1;
 $-1.5 < T_i \leq -0.5, v_2$ 加 1;
 $-0.5 < T_i \leq 0.5, v_3$ 加 1;
 $0.5 < T_i \leq 1.5, v_4$ 加 1;

1. $5 < T_i \leq 2.5$, v_5 加 1;

2. $T_i > 2.5$, v_6 加 1。

- f) 计算统计值 $V = \sum_{i=0}^6 \frac{(v_i - N\pi_i)^2}{N\pi_i}$ 。其中, π_i 的值见附录 A.13。
- g) 计算 $P\text{-value} = igamc(3, V/2)$ 。
- h) 如果 $P\text{-value} \geq \alpha$, 则认为待检序列通过线性复杂度检测。

4.4.15 Maurer 通用统计检测

- a) 将待检序列 ϵ 分成两部分: 初始序列和测试序列。初始序列包括 Q 个 L 位的非重叠的子序列, 测试序列包括 K 个 L 位的非重叠的子序列, 将多余的位(不够组成一个完整的 L 位子序列)舍弃, $K = [n/L] - Q$ 。本规范取 $L = 7$, $Q = 1\ 280$ 。
- b) 针对初始序列, 创建一个表, 它以 L 位值作为表中的索引值, $T_j (1 \leq j \leq 2^L)$ 表示表中第 j 个元素的值, 计算 $T_j = i (1 \leq i \leq Q)$, 其中 j 是初始序列中第 i 个 L 位子序列的十进制表示。
- c) 计算 $sum = \sum_{i=Q+1}^{Q+K} \log_2(i - T_j)$, 其中, 遍历完第 $i (Q+1 \leq i \leq Q+K)$ 个 L 位子序列后, 应更新 $T_j = i$ 。
- d) 计算 $V = \frac{\frac{sum}{K} - E(L)}{\sigma}$, $E(L)$ 和 σ 的计算见附录 A.14。
- e) 计算 $P\text{-value} = erfc(|V|/\sqrt{2})$ 。
- f) 如果 $P\text{-value} \geq \alpha$, 则认为待检序列通过通用统计检测。

4.4.16 离散傅立叶检测

- a) 将待检序列 ϵ 中的 0 和 1 分别转换成 -1 和 1, 得到新序列 $X_1, X_2, \dots, X_n (X_i = 2\epsilon_i - 1)$ 。
- b) 对新序列进行傅立叶变换, 得到一系列的复数 f_1, f_2, \dots, f_n 。
- c) 对每一个 f_i , 计算其系数 $mod_i = modulus(f_i) = |f_i|$, 这里 $i \in [0, n/2 - 1]$ 。
- d) 计算门限值 $T = \sqrt{2.995\ 732\ 274n}$ 。
- e) 计算 $N_0 = 0.95 * n/2$ 。
- f) 计算系数 f_i 小于门限值 T 的复数个数, 记作 N_1 。
- g) 计算统计值 $V = (N_1 - N_0) / \sqrt{0.95 * 0.05 * n/4}$ 。
- h) 计算 $P\text{-value} = erfc(|V|/\sqrt{2})$ 。
- i) 如果 $P\text{-value} \geq \alpha$, 则认为待检序列通过离散傅立叶检测。

4.5 结果分析

每一个检测项目对应的具体结果分析参见附录 C。

5 随机数发生器的检测

5.1 采样

本规范建议样本数量为 1 000。

在采样过程中, 应将随机数发生器产生的样本数据转换为等价的二元序列。

5.2 存储

将采集的样本按照行长度要求, 逐一存储为二进制文件。

二进制文件宜按照日期和流水号相结合的方式命名,以表明数据采集的时间和先后顺序。全部二进制文件宜存放在统一的文件目录下,且文件目录的名称应能明示样本的来源(如随机数发生器的名称、编号、采集人等)信息。

5.3 检测

对每一个样本按第4章描述的检测方法进行检测,分别得到每一个随机性检测项目的P-value值,记录这些结果。

5.4 判定

对于每一个随机性检测项目,统计P-value值不小于显著性水平 α (表示该样本通过该项检测)的样本个数。记样本数量为 s ,则通过检测的样本个数应不小于 $s\left(1-\alpha-3\sqrt{\frac{\alpha(1-\alpha)}{s}}\right)$ 。当样本数量为1 000个时,如果通过的样本个数不小于981,则随机数发生器通过此项检测;否则,未通过此项检测。

如果随机数发生器通过本规范规定的所有检测项目,则随机数发生器通过本规范检测;否则,未通过本规范检测。

对于使用随机数发生器的各种装置或设备,其随机性检测可参照本规范。

附录 A
(资料性附录)
随机性检测原理

A.1 单比特频数检测

单比特频数检测是最基本的检测,用来检测一个二元序列中 0 和 1 的个数是否相近。也就是说,若已知一个长度为 n 的二元序列,检测该序列是否具有较好的 0、1 平衡性。令 n_0, n_1 分别表示该序列中 0 和 1 的数目。对一个随机序列,当其长度充分大时,其统计值 V 应该服从标准正态分布:

$$V = 2\sqrt{n} \left(\frac{n_1}{n} - \frac{1}{2} \right)$$

A.2 块内频数检测

块内频数检测用来检测待检序列的 m 位子序列中 1 的个数是否接近 $m/2$ 。对随机序列来说,其任意长度的 m 位子序列中 1 的个数都应该接近 $m/2$ 。

块内频数检测将待检序列划分成 N 个子序列,每个子序列的长度为 m ,有 $n=N*m$ 。当然,如果 n 不能被 m 整除,必然会有多余位,此时将多余的位舍弃。计算每一个子序列中 1 所占的比例,设为 $\pi_i = \frac{\sum_{j=1}^m \epsilon_{(i-1)m+j}}{m}$, $1 \leq i \leq N$ 。将所有 N 个子序列中 1 所占的比例的累加和作为统计值,于是有:

$$V = 4m \sum_{i=1}^N \left(\pi_i - \frac{1}{2} \right)^2$$

该统计量应该服从自由度为 N 的 χ^2 分布。

A.3 扑克检测

对任意的正整数 m ,长度为 m 的二元序列有 2^m 种。将待检序列划分成 $N=\left\lfloor \frac{n}{m} \right\rfloor$ 个长度为 m 的非叠加的子序列,用 n_i ($1 \leq i \leq 2^m$) 表示第 i 种子序列类型的个数。扑克检测用来检测这 2^m 种子序列类型的个数是否接近。

$$\text{统计值 } V = \sum_{i=1}^{2^m} \frac{(n_i - N/2^m)^2}{N/2^m} = \frac{2^m}{N} \sum_{i=1}^{2^m} n_i^2 - N \text{ 应该服从自由度为 } 2^m - 1 \text{ 的 } \chi^2 \text{ 分布。}$$

A.4 重叠子序列检测

对任意的正整数 m ,长度为 m 的二元序列有 2^m 种。重叠子序列检测将长度为 n 的待检序列划分成 n 个可叠加的 m 位子序列。对随机二元序列来说,由于其具有均匀性,故 m 位可叠加子序列的每一种模式出现的概率应该接近。

在重叠子序列检测中, m 位子序列共有 2^m 种模式,记为 i_1, i_2, \dots, i_m 。令 $v_{i_1 i_2 \dots i_m}$ 表示模式为 (i_1, i_2, \dots, i_m) 的子序列出现的个数,则统计值

$$\Psi_m^2 = \sum_{i_1 i_2 \cdots i_m} \frac{(v_{i_1 i_2 \cdots i_m} - n/2^m)^2}{n/2^m} = \frac{2^m}{n} \sum_{i_1 i_2 \cdots i_m} \left(v_{i_1 i_2 \cdots i_m} - \frac{n}{2^m} \right)^2 = \frac{2^m}{n} \sum_{i_1 i_2 \cdots i_m} v_{i_1 i_2 \cdots i_m}^2 - n$$

应该服从 χ^2 类型的分布,但是并不服从 χ^2 分布,因为各 $v_{i_1 i_2 \cdots i_m}$ 之间并不独立。

本规范取统计值 $\nabla \Psi_m^2$ 和 $\nabla^2 \Psi_m^2$:

$$\begin{aligned}\nabla \Psi_m^2 &= \Psi_m^2 - \Psi_{m-1}^2 \\ \nabla^2 \Psi_m^2 &= \Psi_m^2 - 2\Psi_{m-1}^2 + \Psi_{m-2}^2\end{aligned}$$

其中, $\Psi_0^2 = \Psi_{-1}^2 = 0$ 。统计值 $\nabla \Psi_m^2$ 和 $\nabla^2 \Psi_m^2$ 应该分别服从自由度为 2^{m-1} 和 2^{m-2} 的 χ^2 分布。

A.5 游程总数检测

游程是二元序列的一个子序列,由连续的 0 或者 1 组成,并且其前导和后继元素都与其本身的元素不同。

游程总数检测主要检测待检序列中游程的总数是否服从随机性要求。

令 $V_n(obs)$ 表示待检序列的游程总数, π 表示该序列中 1 所占的比例, $\Phi(z)$ 为标准正态分布, 则:

$$V = \frac{V_n(obs) - 2n\pi(1-\pi)}{2\sqrt{n\pi(1-\pi)}} \text{ 服从标准正态分布。}$$

A.6 游程分布检测

连续 1(或 0)的一个游程称为一个块(或一个间断)。如果待检二元序列是随机的,则相同长度游程的数目接近一致。一个长度为 n 的随机二元序列中长度为 i 的游程的数目的期望值为 $e_i = (n-i+3)/2^{i+2}$ 。令 k 为满足 $e_i \geq 5$ 的最大整数。令 b_i, g_i 分别表示一个二元序列中长度为 i 的“1”游程和“0”游程的数目,对于每一个 $i, 1 \leq i \leq k$, 统计值 V 近似地服从自由度为 $2k-2$ 的 χ^2 分布:

$$V = \sum_{i=1}^k \frac{(b_i - e_i)^2}{e_i} + \sum_{i=1}^k \frac{(g_i - e_i)^2}{e_i}$$

A.7 块内最大“1”游程检测

将待检序列划分成 N 个等长的子序列,根据各个子序列中最大 1 游程的分布来评价待检序列的随机性。

将待检序列划分成 N 个长度为 m 的子序列,此时 $n=N*m$ 。根据 m 的大小,对应着 $K+1$ 个集合(与 m 的大小有关),然后计算每个子序列的最大“1”游程的长度,并将其归入相应的集合。设这 $K+1$ 个集合中的元素个数分别为 $v_0, v_1, v_2, \dots, v_K$ ($v_0+v_1+v_2+\dots+v_K=N$),统计值 V 应该服从自由度为 K 的 χ^2 分布:

$$V = \sum_{i=0}^K \frac{(v_i - N\pi_i)^2}{N\pi_i}$$

K 和 π_i 的取值与 M 有关,本规范表 A.1、表 A.2 和表 A.3 分别给出了当 m 取 8、128 和 10 000 时对应的 K 值大小、 v_i 定义以及 π_i 的取值。

表 A.1

M	8	128	10 000
K	3	5	6

表 A.2

v_i	$M=8$	$M=128$	$M=10\ 000$
v_0	≤ 1	≤ 4	≤ 10
v_1	2	5	11
v_2	3	6	12
v_3	≥ 4	7	13
v_4		8	14
v_5		≥ 9	15
v_6			≥ 16

表 A.3

π_i	$M=8$	$M=128$	$M=10\ 000$
π_0	0.214 8	0.117 4	0.088 2
π_1	0.367 2	0.243 0	0.209 2
π_2	0.230 5	0.249 3	0.248 3
π_3	0.187 5	0.175 2	0.193 3
π_4		0.102 7	0.120 8
π_5		0.112 4	0.067 5
π_6			0.072 7

A.8 二元推导检测

二元推导序列是由初始序列生成的一个新的序列。第一次二元推导序列是一个长度为 $n-1$ 的二元序列,它是通过依次将初始序列中两个相邻比特作异或操作所得的结果。长度为 $n-k$ 的第 k 次二元推导序列,是成功执行上述操作 k 次所得的结果序列。

二元推导检测的目的是判定第 k 次二元推导序列中 0 和 1 的个数是否接近一致。令 p_k 为第 k 次二元推导序列中 1 的比例。统计值 $V = 2\sqrt{n-k} \left(\frac{p_k}{n-k} - \frac{1}{2} \right)$ 应该服从标准正态分布。

A.9 自相关检测

自相关检测用来检测待检序列与将其左移(逻辑左移) d 位后所得新序列的关联程度。一个随机序列应该和将其左移任意位所得的新序列都是独立的,故其关联程度也应该很低。

令 $A(d) = \sum_{i=0}^{n-d-1} (\epsilon_i \oplus \epsilon_{i+d})$ 表示待检序列与将其左移 d 位后所得新序列之间不同元素的个数,称 d 为时延。

统计值 $V = \frac{2(A(d) - (n-d)/2)}{\sqrt{n-d}}$ 应该服从标准正态分布。

A.10 矩阵秩检测

矩阵秩检测用来检测待检序列中给定长度的子序列之间的线性独立性。由待检序列构造矩阵,然后检测矩阵的行或列之间的线性独立性,矩阵秩的偏移程度可以给出关于线性独立性的量的认识,从而影响对序列随机性好坏的评价。

对于一个 $M \times Q$ 矩阵来说,其秩(用 R 表示)可以取 $r=0,1,2,\dots,m(m=\min(M,Q))$ 之间的数。

令 F_M 、 F_{M-1} 和 $N-F_M-F_{M-1}$ 分别表示秩为 M 、 $M-1$ 以及秩小于 $M-1$ 的矩阵个数,选取 $M=32$,
 $Q=32$,则统计值

$$V = \frac{(F_M - 0.2888N)^2}{0.2888N} + \frac{(F_{M-1} - 0.5776N)^2}{0.5776N} + \frac{(N - F_M - F_{M-1} - 0.1336N)^2}{0.1336N}$$

应该服从自由度为 2 的 χ^2 分布。

A.11 累加和检测

累加和检测将待检序列的各个子序列中最大的偏移(与 0 之间),也就是最大累加和与一个随机序列应具有的最大偏移相比较,以判断待检序列的最大偏移是过大还是过小。实际上,随机序列的最大偏移应该接近 0,所以累加和不能过大,也不能过小(累加和可以是负数)。根据最大偏移值来判断待检序列的随机程度。

构造随机变量 $X_i=2\epsilon_i-1$,设

$$S_i = X_1 + \dots + X_i = 2(\epsilon_1 + \dots + \epsilon_i) - i$$

累加和检测根据 $|S_i|$ 的最大值 $\max_{1 \leq i \leq n} |S_i|$ 来检测待检序列的随机性。

根据以下方法计算 P -value:

$$\begin{aligned} P(\max_{1 \leq i \leq n} |S_i| \geq z) &= 1 - \sum_{i=-\infty}^{+\infty} P((4i-1)z < S_n < (4i+1)z) + \sum_{i=-\infty}^{+\infty} P((4i+1)z < S_n < (4i+3)z) \\ P\text{-value} &= 1 - \sum_{i=(-(n/z)+1)/4}^{((n/z)-1)/4} \left[\Phi\left(\frac{(4i+1)z}{\sqrt{n}}\right) - \Phi\left(\frac{(4i-1)z}{\sqrt{n}}\right) \right] \\ &\quad + \sum_{i=(-(n/z)-3)/4}^{((n/z)-1)/4} \left[\Phi\left(\frac{(4i+3)z}{\sqrt{n}}\right) - \Phi\left(\frac{(4i+1)z}{\sqrt{n}}\right) \right] \end{aligned}$$

A.12 近似熵检测

近似熵检测通过比较 m 位可重叠子序列模式的频数和 $m+1$ 位可重叠子序列模式的频数来评价其随机性。近似熵检测是对两个相邻长度的可重叠子序列模式出现频数的检测,设 $Y_i(m) = (\epsilon_{i+1}, \epsilon_{i+2}, \dots, \epsilon_{i+m-1})$,令

$$\begin{aligned} C_i^m &= \frac{1}{n-m+1} \# \{j : 1 \leq j \leq n-m+1, Y_j(m) = Y_i(m)\} = \pi_l \\ \varphi^{(m)} &= \sum_{l=1}^{2^m} \pi_l \ln \pi_l \end{aligned}$$

式中: C_i^m 表示模式 $Y_i(m)$ 在待检序列中出现的相对频数, π_l 表示模式 $l = (i_1, i_2, \dots, i_m)$ 在待检序列中出现的相对频数, $-\varphi^{(m)}$ 表示所有 2^m 个 m 位子序列模式相对频数分布的熵。

定义近似熵 $ApEn(m)$ 为: $ApEn(m) = \varphi^{(m)} - \varphi^{(m+1)}$ 。这里, $ApEn(0) = -\varphi^{(1)}$ 。

近似熵给出了当子序列长度 m 增加 1 时, m 位可重叠子序列模式和 $m+1$ 位可重叠子序列模式之

间的频数之间的差异有多大。因此,小的 $ApEn(m)$ 值说明待检序列具有规则性和连续性;而大的 $ApEn(m)$ 值则表明待检序列具有不规则性和不连续性。

对任意一个 m 来说,可以得到随机序列(不规则序列)的近似熵 $ApEn(m)$ 应该近似地等于 $\ln 2$ 。所以,统计值 $V=2n[\ln 2-ApEn(m)]$ 应该服从自由度为 2^m 的 χ^2 分布。

A.13 线性复杂度检测

将待检序列划分成 N 个长度为 M 的子序列,此时 $n=N \times M$,然后利用 Berlekamp-Massey 算法计算每个子序列的线性复杂度 L_i ,计算 $T_i = (-1)^M(L_i - \mu) + 2/9$,其中 $\mu = \frac{M}{2} + \frac{9+(-1)^{M+1}}{36} - \frac{1}{2^M} \left(\frac{M}{3} + \frac{2}{9} \right)$ 。

选择 $K+1$ 个不相交的独立的集合,然后将各个子序列的 T_M 按集合分类,统计各个集合中出现的 T_M 个数,分别记作 v_0, v_1, \dots, v_K ,显然 $v_0 + v_1 + \dots + v_K = N$ 。

统计值 $V = \sum_{i=0}^K \frac{(v_i - N\pi_i)^2}{N\pi_i}$ 应该服从自由度为 K 的 χ^2 分布。

本规范选择 $K=6$,设置 7 个正整数 v_0, v_1, \dots, v_6 ,将这 7 个正整数的初值都设置为 0,对所有的 $i \in [1, N]$ 。

如果:
 $T_i \leq -2.5, v_0$ 加 1;
 $-2.5 < T_i \leq -1.5, v_1$ 加 1;
 $-1.5 < T_i \leq -0.5, v_2$ 加 1;
 $-0.5 < T_i \leq 0.5, v_3$ 加 1;
 $0.5 < T_i \leq 1.5, v_4$ 加 1;
 $1.5 < T_i \leq 2.5, v_5$ 加 1;
 $T_i > 2.5, v_6$ 加 1。

其中,对应的 π_i 值为: $\pi_0 = 0.010\ 417$, $\pi_1 = 0.031\ 25$, $\pi_2 = 0.125\ 00$, $\pi_3 = 0.300\ 0$, $\pi_4 = 0.250\ 00$, $\pi_5 = 0.062\ 50$, $\pi_6 = 0.020\ 833$ 。

A.14 Maurer 通用统计检测

Maurer 通用统计(简称通用统计)检测主要检测待检序列能否被无损压缩。如果待检序列能被显著地压缩,则认为该序列是不随机的,因为随机序列是不能被显著压缩的。

通用统计检测可以用来检测待检序列多方面的特性,但这并不意味着通用统计检测是前面几个检测的拼装,而是通用统计检测完全采取了和其他检测所不同的方法。一个序列可以通过通用统计检测当且仅当这个序列是不可压缩的。通用统计检测的目的是检测待检序列任何统计上的缺陷。

通用统计检测需要的数据量很大,它将序列分成长为 L 的子序列,然后将待检序列分成两部分:初始序列和检测序列。初始序列包括 Q 个子序列, Q 应该大于等于 $10 * 2^L$;检测序列包括 K 个子序列, K 应该大于等于 $1\ 000 * 2^L$ 。因此,序列长度 n 应为 $10 * 2^L + 1\ 000 * 2^L$,而 L 的取值范围应为 $1 \leq L \leq 16$,建议 L 取不小于 6 的值。显然,当 $L=6$ 时,有 $n=387\ 840$ 。当序列长度 n 一定时,宜选择 $K=[n/L]-Q$, Q 的取值应该保证 L 位子序列的所有 2^L 个模式都在初始序列中至少出现一次。

首先,从头开始遍历初始序列(以块为单位),找到每一个 L 位模式在初始序列中最后出现的位置(块号),如果一个 L 位模式在初始序列中没有出现,那么将其位置设置为 0;此后,从头开始遍历检测序列,每一次都会得到一个 L 位子序列,计算这个子序列所在的位置与其前面最后一次出现的位置差,也

就是块号相减,称相减结果为距离,那么再对距离求以2为底的对数;最后,将所有的求对数的结果相加。这样,就可以得到统计值:

$$f_n = \frac{1}{K} \sum_{i=Q+1}^{Q+K} \log_2 (\text{距离})$$

统计值 f_n 应该渐进服从单边正态分布(注意:不是标准正态分布),本规范采用如下公式来计算该期望值:

$$\mu = E(f_n) = 2^{-L} \sum_{i=1}^{+\infty} (1 - 2^{-L})^{i-1} \log_2 i$$

实际上, f_n 的期望值就是随机变量 $\log_2 G$ 的期望值,其中 $G = G_L$ 是参数为 $1 - 2^{-L}$ 的几何分布。几何分布的定义为,设一个贝努利实验成功的概率为 p ,取随机变量 X 为成功以前进行的独立贝努利实验的次数,那么有:

$$\begin{aligned} P(X=1) &= p; \\ P(X=2) &= (1-p)p; \end{aligned}$$

并且,对任意的 $x=1, 2, \dots$,有 $P(X=x) = (1-p)^{x-1} * p$ 。显然,对于几何分布有:

$$\sum_{x=1}^{\infty} P(X=x) = 1$$

$$E(X) = \frac{1}{p}$$

方差 δ 按如下计算:

$$\sigma = \sqrt{\text{Var}(f_n)} = c(L, K) \sqrt{\text{Var}(\log_2 G) / K}$$

这里 $c(L, K)$ 是一个影响因子,因为必须要考虑到各个模式之间的独立性。本规范采用如下的公式来估计 $c(L, K)$:

$$c(L, K) = 0.7 + \frac{0.8}{L} + \left(4 + \frac{32}{L}\right) K^{-\frac{1}{15}}$$

统计值 $V = \frac{f_n - E(L)}{\sigma}$ 应该服从标准正态分布。

A.15 离散傅立叶检测

离散傅立叶变换检测使用频谱的方法来检测序列的随机性。对待检序列进行傅立叶变换后可以得到尖峰高度,根据随机性的假设,这个尖峰高度不能超过某个门限值(与序列长度 n 有关),否则将其归入不正常的范围;如果不正常的尖峰个数超过了允许值,即可认为待检序列是不随机的。

首先,将待检序列中的0和1分别转换成-1和1,用 X 代表新序列,并用 x_k 代表新序列的第 k 位,令

$$f_j = \sum_{k=1}^n x_k \exp(2\pi_i(k-1)j/n) = \sum_{k=1}^n x_k (\cos(2\pi(k-1)j/n) + i\sin(2\pi(k-1)j/n))$$

式中: $j=0, 1, \dots, n-1; i=\sqrt{-1}$ 。

基于实数到复数变换的对称性,只需考虑一半的傅立叶系数即可,这样可以显著地加快检测速度,本规范考虑 $j=0, 1, \dots, n/2-1$ 。用 mod_j 表示 f_j 的系数,根据随机性假设,可以设置一个范围(例如 95%),也就是说,至少应该有 95% 的 mod_j 应该小于某个门限值,此时门限值应为 $\sqrt{2.995732274n}$ 。令 N_1 代表 mod_j 小于门限值的复数的个数, $N_0 = 0.95 * n/2$, 统计值 $V = (N_1 - N_0) / \sqrt{0.95 * 0.05 * n/4}$ 应该服从标准正态分布。

附录 B
(资料性附录)
随机性检测参数设置表

表 B. 1

序号	检测项目	参数值
1	块内频数检测	$m=100$
2	扑克检测	$m=4$
		$m=8$
3	重叠子序列检测	$m=2$
		$m=5$
4	块内最大“1”游程	$m=10\ 000$
5	二元推导检测	$k=3$
		$k=7$
6	自相关检测	$d=1$
		$d=2$
		$d=8$
		$d=16$
7	矩阵秩检测	$M=Q=32$
8	近似熵检测	$m=5$
9	线性复杂度检测	$m=500$

附录 C
(资料性附录)
随机性检测结果分析表

表 C.1

序号	检测项目	原 理	参数要求	不通过分析
1	单比特频数检测	检测待检序列中 0 和 1 的个数是否接近	$n > 100$	说明 0 或 1 个数过小
2	块内频数检测	m 位子序列中 1 的个数是否接近 $m/2$	$n \geq 100, m \geq 20$	m 位子序列中 0、1 比例不均衡
3	扑克检测	长度为 m 的子序列有 2^m 种。以此长度划分待检序列, 检测子序列的个数是否接近	$[n/m] \geq 5 * 2^m$	有某个或者某几个子序列的个数过多或过少
4	重叠子序列检测	检测待检序列中 m 位可重叠子序列的每一种模式的个数是否接近。对随机序列来说, m 位可重叠子序列的每一种模式出现的概率应该均等	$m < [\log_2 n] - 2$	序列中长度为 m 的可重叠子序列模式分布不均匀
5	游程总数检测	检测游程总数是否服从随机性要求	$n > 100$	说明序列中元素变化过快或者过慢
6	游程分布检测	检测相同长度游程的数目是否接近一致	$n > 100$	相同长度的游程数目分配不均匀
7	块内最大“1”游程检测	N 个等长子序列, 检测各子序列中最大 1 游程的分布是否规则	当 $M=8$ 时, $N \geq 16$, $n = N * M$	待检序列中有很多成簇的 1 或者 0
8	二元推导检测	检测第 k 次二元推导序列中 0 和 1 的个数是否接近一致	$n \geq 100$	序列中 0、1 变化得过慢
9	自相关检测	将序列逻辑左移 d 位后所得新序列与原序列的关联程度	$1 \leq d \leq [n/2]$ $(n-d) > 10$	序列具有较强的自相关性
10	矩阵秩检测	由待检序列的给定长度子序列构造矩阵, 检测所构造矩阵行或列之间的线性独立性	$M=32, Q=32, n \geq M * Q$ $n - N * M * Q$ 要小	秩分布差别比较大
11	累加和检测	最大累加和与随机序列应具有的最大偏移相比较, 应该接近于 0	$n > 100$	说明待检序列头部有过多的 0 或 1
12	近似熵检测	比较 m 位可重叠子序列模式的频数和 $m+1$ 位可重叠子序列模式的频数	$m < [\log_2 n] - 2$	待检序列具有较强的规则性

表 C.1 (续)

序号	检测项目	原 理	参数要求	不通过分析
13	线性复杂度检测	检测各等长子序列的线性复杂度分布是否服从随机性要求。	$n \geq 10^6$ $M \in [500, 5000]$ $N = n/M \geq 200$	子序列线性复杂度分布不规则
14	通用统计检测	待检序列是否可被无损压缩	$n = (Q + K) * L$ $L \in [1, 16], Q \geq 10 * 2^L$ $K = \lfloor n/L \rfloor - Q \approx 1000 * 2^L$	待检序列可大幅度地被压缩
15	离散傅立叶检测	使用频谱方法检测待检序列进行傅立叶变换后的尖峰高度是否超过某个门限值	$n > 1000$	太多傅立叶变换的尖峰高度超过门限值

中 华 人 民 共 和 国 密 码

行 业 标 准

随 机 性 检 测 规 范

GM/T 0005—2012

*

中国标准出版社出版发行

北京市朝阳区和平里西街甲2号(100013)

北京市西城区三里河北街16号(100045)

网址 www.spc.net.cn

总编室:(010)64275323 发行中心:(010)51780235

读者服务部:(010)68523946

中国标准出版社秦皇岛印刷厂印刷

各地新华书店经销

*

开本 880×1230 1/16 印张 1.5 字数 38 千字

2012年8月第一版 2012年8月第一次印刷

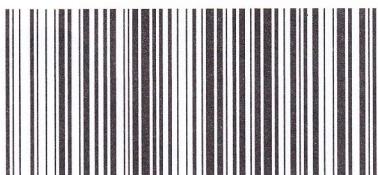
*

书号: 155066·2-23743 定价 24.00 元

如有印装差错 由本社发行中心调换

版权专有 侵权必究

举报电话:(010)68510107



GM/T 0005-2012